**Задача № 1**

Во всех задачах данного раздела необходимо реализовать указанный алгоритм сортировки массива целых чисел.

**1\_1. Сортировка выбором.**

**1\_2. Сортировка вставками.**

**1\_3. Сортировка пузырьком.**

|  |  |
| --- | --- |
| in | out |
| 3  1  2 | 1  2  3 |

**Задача № 2**

Во всех данного раздела необходимо использовать **пирамидальную** сортировку .

**2\_1. Ящики.**

На склад привезли много пустых ящиков. Все ящики пронумерованы по порядку поступления от 0. Известно, что их все можно сложить один в один (то есть так, что каждый следующий помещается в предыдущий). Один ящик можно вложить в другой, если его можно перевернуть так, что размеры одного ящика по всем осям станут строго меньше размеров другого ящика по соответствующим осям. Требуется определить, в какой последовательности они будут вложены друг в друга. Вывести номера ящиков.

|  |  |
| --- | --- |
| in | out |
| 3  2 3 5  1 1 1  10 4 10 | 1 0 2 |
| 2 5 2 1 2 3 7 | 0 1 |

**2\_2. Ломаная.**

Задано N точек на плоскости. Указать (N-1)-звенную несамопересекающуюся незамкнутую ломаную, проходящую через все эти точки.

Указание: стройте ломаную в порядке возрастания x-координаты. Если имеются две точки с одинаковой x-координатой, то расположите раньше ту точку, у которой y-координата меньше.

|  |  |
| --- | --- |
| in | out |
| 4  0 0  1 1  1 0  0 1 | 0 0  0 1  1 0  1 1 |

**2\_3. Ломаная 2.**Аналогично 1.2, но ломаная должна быть замкнутая. Предполагается, что никакие три точки не лежат на одной прямой.

Указание: стройте ломаную от точки, имеющей наименьшую координату x. Если таких точек несколько, то используйте точку с наименьшей координатой y.

Точки на ломаной расположите в порядке убывания углов лучей от начальной точки до всех остальных точек.

|  |  |
| --- | --- |
| in | out |
| 4  0 0  1 1  1 0  0 1 | 0 0  0 1  1 1  1 0 |

**2\_4. Строки.**

Напишите программу, печатающую набор строк в лексикографическом порядке.

Строки разделяются символом перевода строки '\n'. Если последний символ в потоке ввода '\n', считать, что после него нет пустой строки. Максимальная длина строки 255 символов.

|  |  |
| --- | --- |
| in | out |
| 4  caba  abba  ab  aba | ab  aba  abba  caba |

**Задача № 3**

Во всех данного раздела необходимо использовать сортировку **слиянием**.

**3\_1. Реклама.**

В супермаркете решили оптимизировать показ рекламы. Известно расписание прихода и ухода покупателей (два целых числа). Каждому покупателю необходимо показать минимум 2 рекламы. Рекламу можно транслировать только в целочисленные моменты времени. Считается, что реклама показывается мгновенно. Если реклама показывается в момент ухода или прихода, то считается, что посетитель успел её посмотреть. Требуется определить минимальное число показов рекламы.

|  |  |
| --- | --- |
| **In** | **Out** |
| 5  1 10  10 12  1 10  1 10  23 24 | 5 |

**3\_2. Современники.**

Группа людей называется современниками если был такой момент, когда они могли собраться вместе. Для этого в этот момент каждому из них должно было уже исполниться 18 лет, но ещё не исполниться 80 лет.

Дан список Жизни Великих Людей. Необходимо получить максимальное количество современников. В день 18летия человек уже может принимать участие в собраниях, а в день 80летия и в день смерти уже не может.

|  |  |
| --- | --- |
| **In** | **Out** |
| 3  2 5 1980 13 11 2055  1 1 1982 1 1 2030  2 1 1920 2 1 2000 | 3 |

**3\_3. Закраска прямой.**

На числовой прямой окрасили *N* отрезков. Известны координаты левого и правого концов каждого отрезка (*Li* и *Ri*). Найти длину окрашенной части числовой прямой.

|  |  |
| --- | --- |
| **In** | **Out** |
| 3  1 4  2 5  7 8 | 5 |

**3\_4. Закраска прямой 2.**

На числовой прямой окрасили *N* отрезков. Известны координаты левого и правого концов каждого отрезка (*Li* и *Ri*). Найти сумму длин частей числовой прямой, окрашенных ровно в один слой.

|  |  |
| --- | --- |
| **In** | **Out** |
| 3  1 4  2 5  7 8 | 3 |

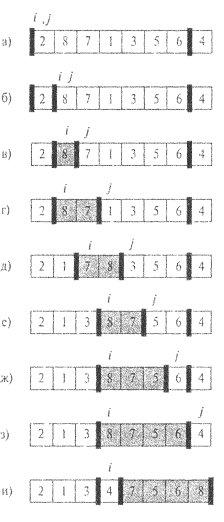
**Задача № 4**

Даны неотрицательные целые числа n,k и массив целых чисел из [0..10^9] размера n. Требуется найти k-ю порядковую статистику. т.е. напечатать число, которое бы стояло на позиции с индексом k (0..n-1) в отсортированном массиве. Напишите нерекурсивный алгоритм.

Требования к дополнительной памяти: O(n). Требуемое среднее время работы: O(n).

Функцию Partition следует реализовывать методом прохода двумя итераторами в одном направлении. Описание для случая прохода от начала массива к концу:

* Выбирается опорный элемент. Опорный элемент меняется с последним элементом массива.
* Во время работы Partition в начале массива содержатся элементы, не бОльшие опорного. Затем располагаются элементыfgbvv, строго бОльшие опорного. В конце массива лежат нерассмотренные элементы. Последним элементом лежит опорный.
* Итератор i указывает на конец группы элементов, не бОльших опорного.
* Итератор j больше i, итератор j указывает на первый нерассмотренный элемент.
* Шаг алгоритма. Рассматривается элемент, на который указывает j. Если он больше опорного, то сдвигаем j.  
  Если он не больше опорного, то меняем a[i] и a[j] местами, сдвигаем i и сдвигаем j.
* В конце работы алгоритма меняем опорный и элемент, на который указывает итератор i.



**4\_1.** Реализуйте стратегию выбора опорного элемента “медиана трёх”. Функцию Partition реализуйте методом прохода двумя итераторами от начала массива к концу.

**4\_2.** Реализуйте стратегию выбора опорного элемента “медиана трёх”. Функцию Partition реализуйте методом прохода двумя итераторами от конца массива к началу.

**4\_3.** Реализуйте стратегию выбора опорного элемента “случайный элемент”. Функцию Partition реализуйте методом прохода двумя итераторами от начала массива к концу.

**4\_4.** Реализуйте стратегию выбора опорного элемента “случайный элемент”. Функцию Partition реализуйте методом прохода двумя итераторами от конца массива к началу.

|  |  |
| --- | --- |
| In | Out |
| 10 4  1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 | 5 |
| 10 0  3 6 5 7 2 9 8 10 4 1 | 1 |
| 10 9  0 0 0 0 0 0 0 0 0 1 | 1 |

**Задача № 5**

**5\_1. Первые k элементов длинной последовательности.**

Дана очень длинная последовательность целых чисел длины n. Требуется вывести в отсортированном виде её первые k элементов. Последовательность может не помещаться в память. Время работы O(n \* log(k)). Доп. память O(k). Использовать слияние.

|  |  |
| --- | --- |
| In | Out |
| 9 4  3 7 4 5 6 1 15 4 2 | 1 2 3 4 |

**5\_2. Сортировка почти упорядоченной последовательности.**

Дана последовательность целых чисел a1...an и натуральное число k, такое что для любых i, j: если j >= i + k, то a[i] <= a[j]. Требуется отсортировать последовательность. Последовательность может быть очень длинной. Время работы O(n \* log(k)). Доп. память O(k). Использовать слияние.

|  |  |
| --- | --- |
| In | Out |
| 10 4  0 4 3 2 1 8 7 6 5 9 | 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 |

**5\_3. Количество инверсий.**

Дана последовательность целых чисел из диапазона (-10^9 .. 10^9). Длина последовательности не больше 10^6. Числа записа по одному в строке. Количество чисел не указано.

Пусть количество элементов n, и числа записаны в массиве a = a[i]:i из [0..n-1].

Требуется напечатать количество таких пар индексов (i,j) из [0..n-1], что (i < j и a[i], > a[j]);

Указание: количество инверсий может быть больше 4\*10^9 - используйте int64\_t.

#include <stdint.h>

int64\_t cnt = 0;

printf(“%ld”, cnt);

|  |  |
| --- | --- |
| **In** | **Out** |
| 1  2  3  4 | 0 |
| 4  3  2  1 | 6 |
| 3  2  2 | 2 |

**Задача № 6**

**6\_1. MSD для строк.**

Дан массив строк. Количество строк не больше 105. Отсортировать массив методом поразрядной сортировки MSD по символам. Размер алфавита - 256 символов. Последний символ строки = ‘\0’.

|  |  |
| --- | --- |
| In | Out |
| ab  a  aaa  aa | a  aa  aaa  ab |

**6\_2. LSD для long long.**

Дан массив целых 64-разрядных чисел. Количество чисел не больше 106. Отсортировать массив методом поразрядной сортировки LSD по байтам.

|  |  |
| --- | --- |
| In | Out |
| 3  4 1000000 7 | 4 7 1000000 |

**6\_3. Binary MSD для long long.**

Дан массив целых 64-разрядных чисел. Количество чисел не больше 106. Отсортировать массив методом MSD по битам (бинарный QuickSort).

|  |  |
| --- | --- |
| In | Out |
| 3  4 1000000 7 | 4 7 1000000 |

**Задача № 7**

**7\_1. Быстрейшая сортировка.**

Дан массив целых чисел в диапазоне [0..10^9]. Размер массива кратен 10 и ограничен сверху значением 2.5 \* 10^7 элементов. Все значения массива являются элементами псевдо-рандомной последовательности. Необходимо отсортировать элементы массива за минимально время и вывести каждый **десятый** элемент отсортированной последовательности.

Минимальный набор оптимизаций, который необходимо реализовать:

1. Оптимизация ввода/вывода

2. Оптимизация выбора опорного элемента

3. Оптимизация концевой рекурсии

|  |  |
| --- | --- |
| In | Out |
| 3 0 2 1 5 4 21 4 6 5 | 21 |